

Esame di “FONDAMENTI DI AUTOMATICA” (9 CFU)

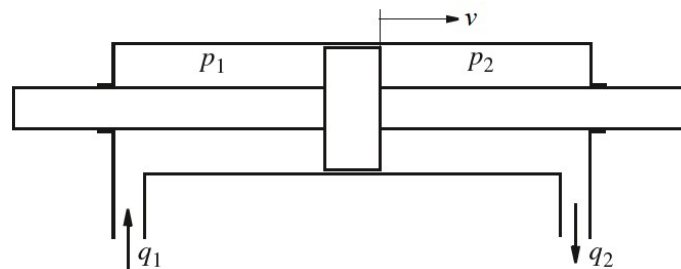
Prova scritta – 7 giugno 2022 – Testo B

COGNOME e NOME: _____

MATRICOLA: _____

ESERCIZIO 1.

Si consideri il cilindro oleodinamico mostrato nella seguente figura:



nel quale p_1 , p_2 , q_1 e q_2 sono le pressioni e le portate dell'olio nelle due parti del cilindro, mentre v è la velocità di moto del pistone. Considerando $q_1=q_2=u$ (variabile manipolabile), il modello matematico del sistema può essere descritto tramite le seguenti equazioni differenziali:

$$A_c v + \frac{V}{\beta} \dot{p}_1 + C_l (p_1 - p_2) = u$$

$$A_c v - \frac{V}{\beta} \dot{p}_2 + C_l (p_1 - p_2) = u$$

$$M \dot{v} = A_c (p_1 - p_2) - C_f v$$

nelle quali A_c è l'area del cilindro, V il volume, β il modulo di comprimibilità dell'olio, C_l il coefficiente di perdita, M la massa del pistone e C_f il suo coefficiente di attrito.

Si determini il corrispondente modello dinamico nello spazio degli stati, di ordine 3 e del tipo:

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t); y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

fissando le seguenti scelte per le variabili di stato, ingresso e uscita:

$$x_1 = p_1; x_2 = p_2; x_3 = v; u = u; y = v;$$

RISPOSTA:

$A =$

$B =$

$C =$

$D =$

ESERCIZIO 2.

Dato il modello ottenuto nell'Esercizio 1, si sostituiscano i seguenti valori per i parametri fisici:

$$M = 3; \quad V = 2; \quad A_C = 0,6; \quad C_l = 0,5; \quad C_f = 1; \quad \beta = 20;$$

e si verifichi se il sistema sia o meno completamente controllabile, calcolando la matrice di raggiungibilità ed il relativo rango.

RISPOSTA:

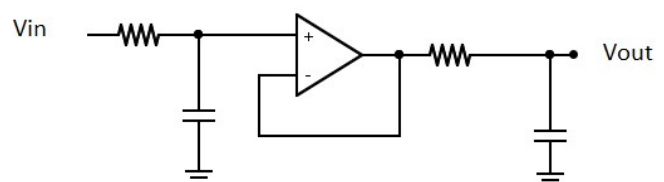
$P =$

$\text{rango}(P) =$

Perciò il sistema E' / NON E' completamente controllabile.

ESERCIZIO 3.

Un sistema costituito dal circuito elettronico del tipo mostrato a fianco risulta avere il seguente modello nello spazio degli stati:



$$\dot{x}(t) = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} x(t) \quad y(t) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} x(t)$$

si calcoli il valore dell'uscita $y(t)$ all'istante $t = 2$, a partire dallo stato iniziale:

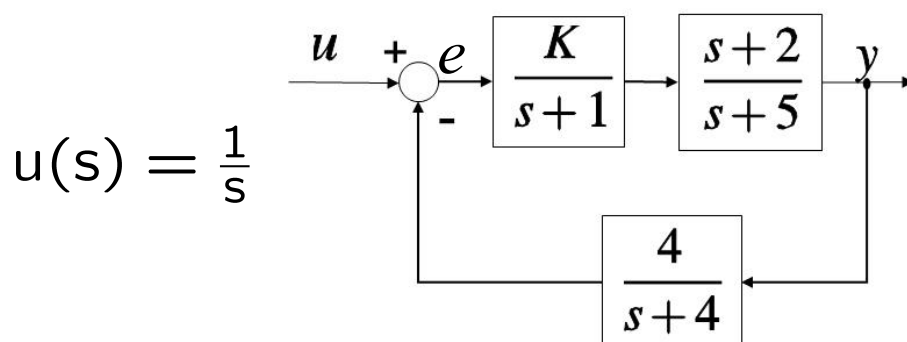
$$x(0) = \begin{bmatrix} e^4 \\ 0 \end{bmatrix}$$

RISPOSTA:

$$y(2) =$$

ESERCIZIO 4.

Dato il sistema descritto dallo schema a blocchi della seguente figura



si determini il valore di K tale per cui l'errore a regime risulti $e(\infty) = 0,0m_1$.

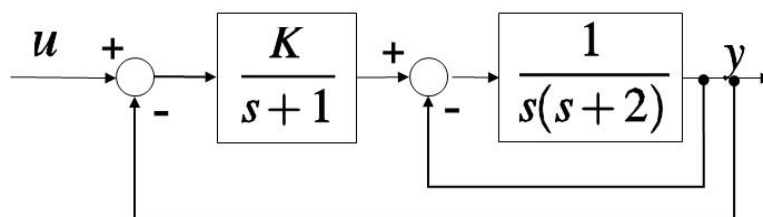
NOTA: m_1 è la penultima cifra a destra del proprio numero di matricola. Se $m_1=0$, la si sostituisca con 5.

RISPOSTA:

$$K =$$

ESERCIZIO 5.

Dato il sistema descritto dallo schema a blocchi della seguente figura:

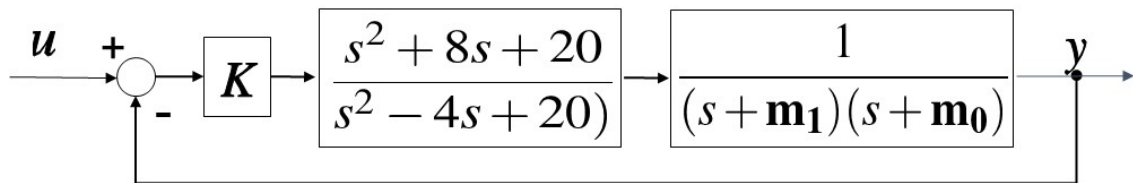


determinare l'intervallo dei valori di K per i quali il sistema complessivo risulti asintoticamente stabile

RISPOSTA:

ESERCIZIO 6.

Dato il sistema descritto dal seguente diagramma a blocchi:

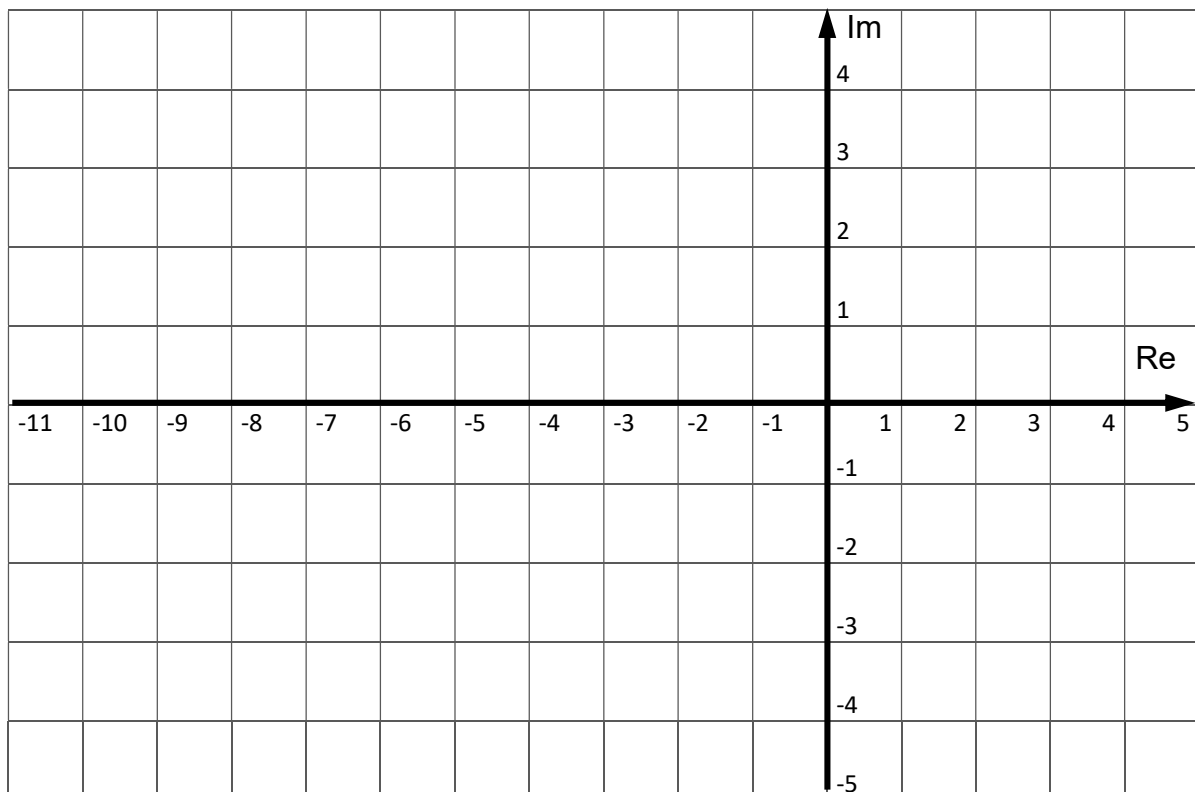


si disegnino i corrispondenti luoghi delle radici per $K > 0$ (luogo diretto) e per $K < 0$ (luogo inverso). Nel caso siano presenti asintoti, si tenga conto della posizione del relativo centro.

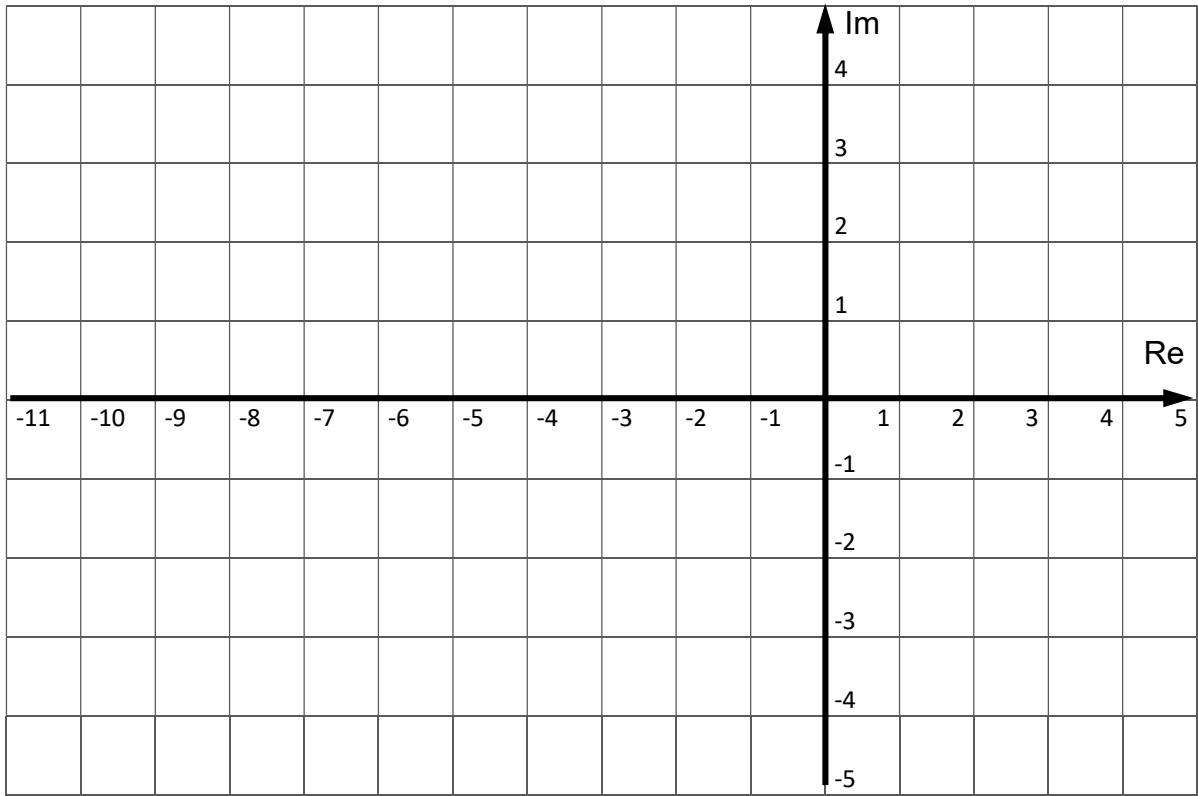
NOTA: m_1 e m_0 sono rispettivamente la penultima e l'ultima cifra a destra del proprio numero di matricola (considerate anche se nulle).

RISPOSTA:

$K > 0$



$K < 0$



TEST A RISPOSTA MULTIPLA

DOMANDA 1.

Il polinomio minimo di un sistema dinamico, lineare e stazionario, a tempo continuo, è dato da:

$$\alpha(\lambda) = \lambda^4 + 2\lambda^3 + 3\lambda^2$$

Tale sistema:

- è nel complesso semplicemente stabile
- ha almeno un modo asintoticamente stabile
- ha almeno un modo semplicemente stabile
- ha almeno un modo instabile

DOMANDA 2.

Un sistema descritto dal modello matematico $\dot{x}(t) = u(t)$; $y(t) = x(t)$

- è completamente raggiungibile
- è completamente osservabile
- è semplicemente stabile
- è asintoticamente stabile

DOMANDA 3.

Il tempo di assestamento (al +/- 5%) nella risposta al gradino del sistema avente la seguente funzione di trasferimento:

$$G(s) = \frac{1}{s+2}$$

risulta essere

- $T_a = 3/2$
- $T_a = 3$
- $T_a = 2$
- $T_a = 1$

DOMANDA 4.

La risposta al gradino del sistema avente la seguente funzione di trasferimento:

$$G(s) = \frac{1}{1+\tau s}$$

- ha un valore di regime pari a $1/\tau$
- ha un valore di regime pari a 1
- per $t = 0+$ ha una pendenza pari a $1/\tau$
- per $t = 0+$ ha una pendenza pari a τ