

# **Apprendimento di regole del primo ordine: Aleph**

# Aleph

---

- Disponibile a [http://web.comlab.ox.ac.uk/oucl/research/areas/machlearn/Aleph/aleph\\_toc.html](http://web.comlab.ox.ac.uk/oucl/research/areas/machlearn/Aleph/aleph_toc.html)
- Scritto in Prolog, open source
- Aleph, come Prolog, usa la bottom clause per limitare dal basso lo spazio di ricerca
- Utilizza un algoritmo branch and bound per cercare una clausola
- Molte possibili opzioni, che lo rendono in grado di emulare molti altri sistemi di ILP

# Ricerca di una clausola

---

```
begin
  active:= {0}; (comment: ``0" is a conventional starting point)
  C:= inf;
  currentbest:= anything;
  while active is not empty do begin
    remove first node k from active; (comment: k is a branching node)
    generate the children i=1,...,Nk of node k, and
      compute corresponding costs Ci and
        lower bounds on costs Li;
    for i = 1,...,Nk do
      if Li >= C then prune child i
      else begin
        if child i is a complete solution and Ci < C then begin
          C:= Ci, currentbest:= child i;
          prune nodes in active with lower bounds more than Ci
        end
        add child i to active
      end
    end
  end
end
end
```

# Strategia di ricerca

---

- Nodo=clausola
- L'ordinamento dei nodi in active: dipende dalla strategia di ricerca scelta
  - Breadth-first: le clausole sono ordinate dalle piu' corte alle piu' lunghe. A parita' di lunghezza sono ordinate in base all'euristica (strategia di default)
  - Depth first; le clausole sono ordinate dalle piu' lunghe alle piu' corte. A parita' di lunghezza sono ordinate in base all'euristica
  - Best first: le clausole sono ordinate in base al valore dell'euristica
  - Piu' altre

# Euristische

---

P, N are the number of positive and negative examples covered by the clause

- accuracy
  - Clause utility is  $P/(P+N)$
- auto\_m
  - Clause utility is the m estimate with the value of m automatically set to be the maximum likelihood estimate of the best value of m.
- compression
  - Clause utility is  $P - N - L + 1$ , where L is the number of literals in the clause.
- coverage
  - Clause utility is  $P - N$

# Euristische

---

- entropy
  - Clause utility is  $p \log p + (1-p) \log (1-p)$  where  $p = P/(P + N)$
- gini
  - Clause utility is  $-2p(1-p)$  where  $p = P/(P + N)$
- laplace
  - Clause utility is  $(P+1)/(P+N+2)$

# Euristische

---

- mestimate
  - Clause utility is its  $m$  estimate. The value of  $m$  is set by  $\text{set}(m, M)$ .
- wracc
  - Clause utility is calculated using the weighted relative accuracy function

# Osservazioni

---

- Generazione dei figli: operatore di raffinamento
  - Aggiunta di un letterale alla volta preso dalla bottom clause.
    - Controllo per evitare l'aggiunta di letterali duplicati
  - Raffinamento definito dall'utente: possibilita' di aggiungere piu' letterali alla volta



# Osservazioni

---

- Lower bounds: minimo costo che puo' essere ottenuto dal sottoalbero sotto il nodo.
- Il calcolo dipende dall'euristica.
- Ad esempio, per la coverage, il costo e'  $N-P$  e il lower bound e'  $-P$ , equivalente a supporre che da un nodo  $k$  si possa ottenere una clausola che copre i  $P$  positivi di  $k$  e nessun negativo
- Se non si riesce a calcolare il bound, viene assunto = 0

# Osservazioni

---

- Si puo' interrompere la ricerca anche prima che active sia vuoto mettendo un limite al numero di nodi esplorati

# Aleph

---

- Lanciare l'ambiente Prolog Yap
- Caricare aleph:  
?- [aleph].
- Aleph richiede 3 file per costruire teorie. L'uso più semplice di Aleph consiste nel
  1. Costruire 3 file di dati chiamati `filestem.b, filestem.f, filestem.n'.
  2. Leggere tutti i dati con il comando `read_all(filestem)`.
  3. Costruire una teoria con il comando `induce`.


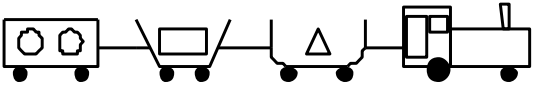
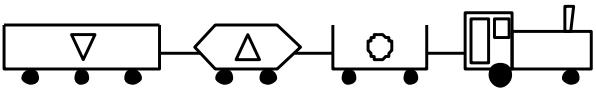

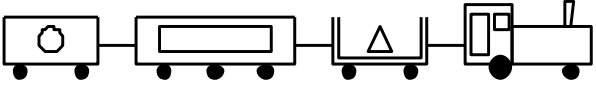
# Un semplice esempio: train-spotting

---

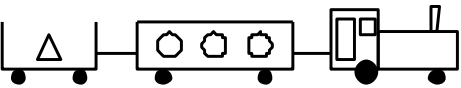
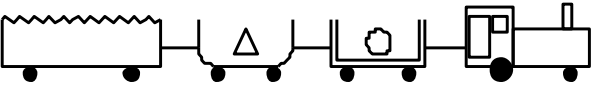
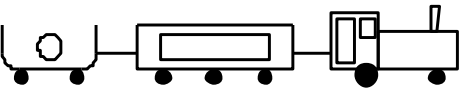


- Un semplice esempio di input per Aleph è la codifica di un problema proposto da Ryszard Michalski
- L'obiettivo è quello di trovare una spiegazione plausibile per distinguere tra due tipi di treni: treni che vanno ad est (eastbound) e treni che vanno ad ovest (westbound).
- Filestem= train

# Trainspotting

## 1. TRAINS GOING EAST

1. 
2. 
3. 
4. 
5. 

## 2. TRAINS GOING WEST

1. 
2. 
3. 
4. 
5. 

# File di background knowledge

---

- La background knowledge deve essere contenuta nel file filestem.b
- Ha la forma di clausole Prolog
- Il file può contenere inoltre direttive per il compilatore Prolog come :-consult(someotherfile).
- Il file contiene inoltre le restrizioni di linguaggio e di ricerca per Aleph:
  - *modi*
  - *tipi*
  - *determinazioni*

# Esempio di background knowledge

---

- Trainspotting: background (nel file train.b):

```
% eastbound train 1
has_car(east1,car_11).
has_car(east1,car_12).
short(car_12).
closed(car_12).
long(car_11).
open_car(car_11).
shape(car_11,rectangle).
load(car_11,rectangle,3).
wheels(car_11,2).
wheels(car_12,2).
```

....

# Dichiarazioni di modi

---

- Sintassi
  - :- modeb(RecallNumber, PredicateMode).
  - :- mode(RecallNumber, PredicateMode).
- RecallNumber può essere un numero oppure '\*'. E' generalmente più semplice specificare RecallNumber come \*.
- Indica il numero di risposte alle query da includere nella bottom clause



# Dichiarazioni di modi

---

- PredicateMode è un template della forma:  
`p(ModeType, ModeType,...)`
- Ecco alcuni esempi di come appaiono in un file:  
`:- modeb(1,mem(+number,+list)).`  
`:- modeb(1,dec(+integer,-integer)).`  
`:- modeb(1,mult(+integer,+integer,-integer)).`  
`:- modeb(1,plus(+integer,+integer,-integer)).`  
`:- modeb(1,(+integer)=(#integer)).`  
`:- modeb(*,has_car(+train,-car)).`

# Dichiarazioni di modi

---

- Ogni ModeType può essere:
  - **Semplice:**
    - (a) **+T** variabile di “input” di tipo **T**;
    - (b) **-T** variabile di “output” di tipo **T**; oppure
    - (c) **#T** costante di tipo **T**.
  - **Strutturato:** è della forma **f(..)** dove **f** è un simbolo di funzione e ogni argomento può essere sia semplice che strutturato. Ecco un esempio:  
:- modeb(1,mem(+number,[+number|+list])).

# Dichiarazioni di tipi

---

- I tipi devono essere specificati per ciascun argomento di tutti i predicati che devono essere usati nella costruzione di una ipotesi. Questa specifica è fatta all'interno dei comandi `mode(..., ...)`.
- Per Aleph i tipi sono semplicemente nomi e nessun type-checking è fatto. Variabili di tipo diverso sono trattate distintamente anche se una è un sub-tipo dell'altra.
- Quando si variabilizza la bottom clause, una variabile di input (+T) deve apparire come variabile di output dello stesso tipo in un letterale precedente e una costante (#T) non viene sostituita con una variabile

# Dichiarazioni di determinazione

---

- Le dichiarazioni di determinazione dichiarano i predicati che possono essere utilizzati nelle teste e nei body. Prendono la forma

`:-determination(TargetName/Arity,BackgroundName/Arity).`

- Significa che devo imparare il predicato `TargetName/Arity` e che nelle regole per `TargetName/Arity` puo' comparire il predicato `BackgroundName/Arity` nel body
- Tipicamente ci saranno tante dichiarazioni di determinazione per un predicato target, corrispondenti ai predicati che si pensa siano rilevanti nel costruire ipotesi.

# Dichiarazioni di determinazione

---

- Se nessuna determinazione è presente, Aleph non costruisce alcuna ipotesi.
- Le determinazioni sono ammesse per un solo predicato target per ciascuna esecuzione di Aleph: se compaiono determinazioni multiple viene scelta la prima. Esempi:
  - :- determination(eastbound/1,has\_car/2).
  - :- determination(mult/3,mult/3).
  - :- determination(p/1,'='/2).

# File di esempi

---

- **File di esempi positivi:** ha estensione **.f** (foreground, es. train.f). Gli esempi positivi sono semplicemente dei fatti ground. Ad esempio  
eastbound(east1). eastbound(east2).  
eastbound(east3).
- **File di esempi negativi:** ha estensione **.n** (es. train.n). Gli esempi negativi sono semplicemente dei fatti ground. Ad esempio  
eastbound(west1). eastbound(west2).  
eastbound(west3).

# Lettura dei file di input

---

- Una volta che i file `filestem.b`, `filestem.f` e `filestem.n` sono pronti, possono essere letti con:

`read_all(filestem).`

Es.: `read_all(train).`

- Questo tipicamente produce una lunga lista delle impostazioni correnti

# Costruire una teoria

---

- Il comando di base per costruire una teoria è:  
induce.
- Il risultato è un elenco che mostra le bottom clause e la clause esplorata insieme alla loro copertura di esempi positivi e negativi



# Costruire una teoria

---

[bottom clause]

eastbound(A) :-

has\_car(A,B), has\_car(A,C), has\_car(A,D), has\_car(A,E),  
short(E), short(C), closed(C), long(D),  
long(B), open\_car(E), open\_car(D), open\_car(B),  
shape(E,rectangle), shape(D,rectangle), shape(C,rectangle),  
shape(B,rectangle),  
wheels(E,2), wheels(D,3), wheels(C,2), wheels(B,2),  
load(E,circle,1), load(D,hexagon,1), load(C,triangle,1),  
load(B,rectangle,3).

.....

# Costruire una teoria

---

...

eastbound(A) :- has\_car(A,B). [5/5]

eastbound(A) :- has\_car(A,B), short(B). [5/5]

...

- Il risultato finale ha l'aspetto

[theory] [Rule 1][Pos cover = 5 Neg cover = 0]

eastbound(A) :- has\_car(A,B), short(B), closed(B).

[pos-neg] [5]

# Costruire una teoria

---

- induce stampa anche la prestazione della teoria sui dati di training come una matrice di confusione

[Training set performance]

	Actual		
	+	-	
Pred +	5	0	5
Pred -	0	5	5
	5	5	10

Accuracy = 100%

- Anche la prestazione su dati di test è riportata se i valori per i parametri `test_pos` e `test_neg` sono settati

# Altri comandi

---

- **Salvare una teoria:** con `write_rules(FileName)`.
- memorizza in `FileName` la teoria prodotta.
- **Valutare una teoria:** la teoria prodotta può essere valutata su esempi in un qualunque file di dati con il comando `test(File,Flag,Covered,Total)`
  - `File` è il nome del file contenente gli esempi.
  - `Flag` può essere `show` o `noshow` per mostrare gli esempi coperti o non coperti. Sia `File` che `Flag` devono essere forniti.
- `test/4` restituisce:
  - `Covered` è il numero degli esempi coperti dalla teoria corrente
  - `Total` è il numero totale di esempi nel file di dati

# Parametri

---

- Aleph ha una serie di parametri che ne regolano il funzionamento.
- Possono essere settati con  
:-set(Parameter,Value).
- Parametri importanti
  - nodes: è il numero massimo di nodi da esplorare quando si cerca una clausola accettabile. Di default vale 5000.
  - clauselength: numero massimo di letterali nel body di una clausola (default 4).
  - depth: valore massimo della profondità delle dimostrazioni (default 5).

# Parametri

---

- `i`: profondità massima delle variabili (default 2)
- `test_pos`: nome di un file contenente un elenco di esempi positivi da testare
- `test_neg`: nome di un file contenente un elenco di esempi negativi da testare
- `verbosity`: livello di dettaglio dei messaggi stampati dall'algoritmo. E' un intero  $\geq 0$  (default 1)
- `evalfn`: il valore e' uno di: `coverage`, `compression`, `posonly`, `pbayes`, `accuracy`, `laplace`, `auto_m`, `mestimate`, `entropy`, `gini`, `sd`, `wracc`, or `user` (default `coverage`). Imposta la funzione euristica.

# Esempio: father

---

- Apprendimento del predicato father:
- father.b:
  - :- set(i,2). :- set(verbose,1).
  - :- mode(\*,father(+person,-person)).
  - :- mode(\*,parent(+person,-person)).
  - :- mode(\*,male(+person)). :- mode(\*,female(+person)).
  - :- determination(father/2,parent/2).:- determination(father/2,male/1).
  - :- determination(father/2,female/1).

parent(john,mary). male(john).parent(david,steve).  
male(david).parent(kathy,ellen). female(kathy).

# Esempio: father

---

- father.f:

father(john,mary).

father(david,steve).

- father.n:

father(kathy,ellen).

father(john,steve).



# Esempio: father

---

- Risultato

[bottom clause]

father(A,B) :-

parent(A,B), male(A).

# Esempio: father

---

[theory]

[Rule 1] [Pos cover = 2 Neg cover = 0]

father(A, B) :-

parent(A, B), male(A).

[Training set performance]

	Actual		
	+	-	
Pred	+ 2	0	2
	- 0	2	2
	2	2	4

Accuracy = 1

[Training set summary] [[2, 0, 0, 2]]

[time taken] [0]

[total clauses constructed] [4]