

Esempio compito 11 Sett 2008

```
no_dupl([], []).
```

```
no_dupl([X|Xs], Ys):-  
    member(X, Xs),  
    no_dupl(Xs, Ys).
```

```
no_dupl([X|Xs], [X|Ys]):-  
    nonmember(X, Xs),  
    no_dupl(Xs, Ys).
```

```
nonmember(_, []).
```

```
nonmember(X, [Y|Ys]):-X \== Y,  
    nonmember(X, Ys).
```

Compito 11 Sett 2008 – not

```
no_dupl([], []).
no_dupl([X|Xs], Ys) :-
    member(X, Xs),
    no_dupl(Xs, Ys).
no_dupl([X|Xs], [X|Ys]) :-
    not(member(X, Xs)),
    no_dupl(Xs, Ys).
```

- *In SICStus prolog, not si scrive \+*
- *SWISH Prolog supporta entrambe le notazioni*

IL PROBLEMA DELLA NEGAZIONE

- Finora non abbiamo preso in esame il trattamento di informazioni negative
- Abbiamo considerato solo programmi logici, che sono costituiti **da clausole definite** e che quindi non possono contenere atomi negati. Inoltre, attraverso la risoluzione SLD, **non è possibile derivare informazioni negative**

`persona(maria) .`
`persona(giuseppe) .`
`persona(anna) .`
`cane(fido) .`

*Tuttavia, è intuitivo concludere che l'affermazione `persona(fido)` sia falsa in quanto **non dimostrabile** con i fatti contenuti nel programma*

IPOSTESI DI MONDO CHIUSO

- Questo è l'approccio seguito **nelle basi di dati** in cui, per problemi di dimensioni, **si memorizzano solo le informazioni positive**
- Questo significato intuitivo è espresso dalla regola di inferenza nota come **Closed World Assumption (CWA)** o Ipotesi di Mondo Chiuso [Reiter '78].
 - Se un atomo “ground” A non è conseguenza logica di un programma P , allora si può inferire $\sim A$

$$\frac{P \not\models A}{\sim A}$$

$$\text{CWA}(P) = \{ \sim A \mid A \text{ non è conseguenza logica di } P \}$$

IPOSTESI DI MONDO CHIUSO

- Esempio
capitale (roma) .
citta (X) : -capitale (X) .
citta (bologna) .
- Con la CWA è possibile inferire \sim capitale (bologna) .
- La CWA è un esempio di regola di inferenza **NON MONOTONA** in quanto l'aggiunta di nuovi assiomi alla teoria (ossia nuove clausole in un programma) può modificare l'insieme di teoremi che valevano precedentemente.

NON-MONOTONICITA' DELLA CWA

- Esempio
capitale (roma) .
citta (X) : -capitale (X) .
citta (bologna) .
capitale (bologna) .
- Con la CWA **non è più possibile inferire**
~capitale (bologna) .
- L'aggiunta di nuovi assiomi alla teoria (ossia nuove clausole in un programma) ha modificato l'insieme di teoremi che valevano precedentemente.

IPOTESI DI MONDO CHIUSO

- A causa dell' indecidibilità (***semi-decidibilità***) della logica del primo ordine, non esiste alcun algoritmo in grado di stabilire in un tempo finito ***se A non è conseguenza logica di P***
- Dal punto di vista operativo, se A non è conseguenza logica di P, la risoluzione SLD può non terminare
- Vediamo un esempio ...

ESEMPIO CWA

`citta(roma) :- citta(roma) .`
`citta(bologna) .`

- `citta(roma)` non è conseguenza logica di P e

$$\text{CWA}(P) = \{ \sim \text{citta}(\text{roma}) \}$$

ma la risoluzione SLD per `citta(roma)` non termina

- L'applicazione della CWA deve necessariamente essere ***ristretta agli atomi la cui dimostrazione termina in tempo finito***, cioè agli atomi per cui la risoluzione SLD non diverge.

NEGAZIONE PER FALLIMENTO

- L'uso della CWA viene sostituito con quello di una regola meno potente, in grado di dedurre un insieme più piccolo di informazioni negative.
- *Negazione per Fallimento ("Negation as Failure" - NF)* [Clark 78], si limita a derivare la negazione di atomi la cui dimostrazione termina con fallimento in tempo finito
- Dato un programma P, se l'insieme FF(P) (*insieme di fallimento finito*) denota gli atomi A per cui la dimostrazione fallisce in tempo finito, la regola NF si esprime come

$$NF(P) = \{ \sim A \mid A \in FF(P) \}$$

NEGAZIONE PER FALLIMENTO

- Se un atomo A appartiene a $FF(P)$ allora A non è conseguenza logica di P , ma non è detto che tutti gli atomi che non sono conseguenza logica del programma appartengano all'insieme di fallimento finito.

```
citta(roma) :- citta(roma) .  
citta(bologna) .
```

- `citta(roma)` non è conseguenza logica di P , ma non appartiene a $FF(P)$.
- Non riesco a dimostrare comunque \sim `citta(roma)`

NEGAZIONE - recap

- **Closed World Assumption (CWA)** o Ipotesi di Mondo Chiuso [Reiter '78].
 - Se un atomo “ground” A non è conseguenza logica di un programma P , allora si può inferire $\sim A$

$$\frac{P \not\models A}{\sim A}$$

$$\text{CWA}(P) = \{ \sim A \mid \text{non esiste una refutazione SLD per } P \cup \{A\} \}$$

Negazione per Fallimento ("Negation as Failure" - NF) [Clark 78], **si limita a derivare la negazione di atomi la cui derivazione termina con fallimento finito**

$$\text{NF}(P) = \{ \sim A \mid A \in \text{FF}(P) \}$$

Esempio compito 11 Sett 2008

```
no_dupl([], []).
```

```
no_dupl([X|Xs], Ys):-  
    member(X, Xs),  
    no_dupl(Xs, Ys).
```

```
no_dupl([X|Xs], [X|Ys]):-  
    nonmember(X, Xs),  
    no_dupl(Xs, Ys).
```

```
nonmember(_, []).
```

```
nonmember(X, [Y|Ys]):-X \== Y,  
    nonmember(X, Ys).
```

Compito 11 Sett 2008 – not

```
no_dupl([], []).
```

```
no_dupl([X|Xs], Ys) :-  
    member(X, Xs),  
    no_dupl(Xs, Ys).
```

```
no_dupl([X|Xs], [X|Ys]) :-  
    not(member(X, Xs)),  
    no_dupl(Xs, Ys).
```

■ *Albero SLDNF per goal:*

```
:-no_dupl([1,2,1,2,1], Y).
```

RISOLUZIONE SLDNF

- Per risolvere goal generali, cioè che possono contenere letterali negativi, si introduce un'estensione della risoluzione SLD, nota come *risoluzione SLDNF* [Clark 78].
- Combina la risoluzione SLD con la negazione per fallimento (NAF, Negation As failure)

RISOLUZIONE SLDNF

- Sia $:-L_1, \dots, L_m$ il goal (generale) corrente, in cui L_1, \dots, L_m sono letterali (atomi o negazioni di atomi). Un passo di risoluzione SLDNF si schematizza come segue:
 - Non si seleziona alcun letterale negativo L_i , se non è "ground";
 - Se il letterale selezionato L_i è positivo, si compie un passo ordinario di risoluzione SLD
 - Se L_i è del tipo $\sim A$ (con A "ground") ed **A fallisce finitamente (cioè ha un albero SLD di fallimento finito)**, L_i ha successo e si ottiene il nuovo risolvete

$$:- L_1, \dots, L_{i-1}, L_{i+1}, \dots, L_m$$

RISOLUZIONE SLDNF

- Risolvere con successo un letterale negativo non introduce alcun legame (unificazione) per le variabili dal momento che **si considerano solo letterali negativi "ground"** : al nuovo risolvete

$$:- L_1, \dots, L_{i-1}, L_{i+1}, \dots, L_m$$

non si applica alcuna sostituzione

- Una regola di calcolo si dice *safe* se seleziona un letterale negativo solo quando è "ground"
 - **La selezione di letterali negativi solo "ground" è necessaria per garantire correttezza e completezza della risoluzione SLDNF**

RISOLUZIONE SLDNF E NEGAZIONE PER FALLIMENTO

- La risoluzione SLDNF è alla base della realizzazione della negazione per fallimento nei sistemi Prolog
- Per dimostrare $\sim A$, dove A è un atomo, l'interprete del linguaggio cerca di costruire una dimostrazione per A
- Se la dimostrazione ha successo, allora la dimostrazione di $\sim A$ fallisce, mentre se la dimostrazione per A fallisce finitamente $\sim A$ si considera dimostrato con successo

RISOLUZIONE SLDNF E NEGAZIONE PER FALLIMENTO

```
capitale(roma) .
capoluogo(bologna)
citta(X) :- capitale(X) .
citta(X) :- capoluogo(X) .
```

```
:- citta(X) , ~capitale(X) .
```

```
:- citta(X) , ~capitale(X) .
```

```
:- capitale(X) ,
   ~capitale(X) .
   |
   X/roma
:- ~capitale(roma) .
```

```
:- capitale(roma) .
```

□

fail

```
:- capoluogo(X) ,
   ~capitale(X) .
   |
   X/bologna
:- ~capitale(bologna) .
```

```
:- capitale(bologna) .
```

fail

successo

RISOLUZIONE SLDNF E NEGAZIONE PER FALLIMENTO

- Il linguaggio Prolog seleziona sempre il letterale più a sinistra, senza controllare che sia "ground" e quindi **non adotta una regola di selezione safe**
- Realizzazione **non corretta** della risoluzione SLDNF
- Cosa succede se si seleziona un letterale negativo non ground ?

RISOLUZIONE SLDNF E NEGAZIONE PER FALLIMENTO

```
capitale(roma) .  
capoluogo(bologna)  
citta(X) :- capitale(X) .  
citta(X) :- capoluogo(X) .
```

```
:- ~capitale(X), citta(X) .
```

```
:- ~capitale(X), citta(X), .
```

```
:- capitale(X)  
   | X/roma  
   □
```

fail

*Seleziono il
letterale
~capitale(X)
che non e'
ground al
momento della
valutazione*

ATTENZIONE: *la query
esiste un X che non e'
capitale ma e' citta'
risponde NO.
SCORRETTO*

NEGAZIONE E QUANTIFICATORI

- Questo problema nasce dal fatto che non si interpreta correttamente la quantificazione nel caso di letterali negativi non "ground"
- Si consideri il programma precedente e il goal G:
`:- ~capitale(X) .`

che corrisponde alla negazione della formula

$$F = \exists X \sim \text{capitale}(X) .$$

Esiste una entità che non è una capitale? (sì, bologna)

NEGAZIONE E QUANTIFICATORI

- Con la risoluzione SLDNF, si cerca una dimostrazione per

$$:- \text{capitale}(X).$$

ossia per

$$F' = \exists X \text{ capitale}(X).$$

- Dopo di che si nega il risultato ottenendo

$$F'' = \sim (\exists X \text{ capitale}(X)).$$

che corrisponde a

$$F'' = \forall X (\sim \text{capitale}(X))$$

- Quindi se esiste una X che è capitale, F'' fallisce, ma la query originaria era:

$$F = \exists X \sim \text{capitale}(X).$$

NEGAZIONE IN PROLOG

- La forma di negazione introdotta in quasi tutti i linguaggi logici, Prolog compreso, è la *negazione per fallimento*
- Può essere realizzata facilmente scambiando tra loro la nozione di successo e di fallimento
- Il meccanismo di valutazione di una query negativa $\sim Q$ è definito in Prolog nel modo seguente: si valuta la controparte positiva della query Q . Se Q fallisce, si ha successo, mentre se la Q ha successo la negazione fallisce
 - Si noti che, data la strategia di risoluzione utilizzata dal Prolog è possibile che la dimostrazione di Q non abbia termine (ossia che il Prolog vada in loop in tale dimostrazione)

NEGAZIONE IN PROLOG

- Prolog adotta una regola di selezione dei letterali left-most (non è safe). Questo può generare problemi perché il significato logico di tali query è diverso da quello atteso

`:- not p(X) .`

- Il significato di tale query è il seguente

$\exists X (\text{not } p(X))$

- Prolog verifica il goal

`:- p(X) .`

- Il significato di tale query è il seguente

$\exists X p(X)$

NEGAZIONE IN PROLOG

- Dopo di che si nega il risultato, ossia:

$$\text{not } (\exists x p(x))$$

- Che corrisponde a:

$$\forall x \text{ not } (p(x))$$

- Noi ci chiedevamo, invece:

$$\exists x \text{ not } (p(x))$$

Negazione e SICStus Prolog

- SICStus Prolog installato in Laboratorio adotta la convenzione ANSI che indica il not con il simbolo: `\+`

```
disoccupato(X) :- adulto(X),  
                \+(occupato(X)).
```

```
occupato(giovanni).
```

```
adulto(mario).
```

```
?- \+(occupato(giovanni)).
```

```
no
```

Negazione e SICStus Prolog

- SICStus Prolog installato in Laboratorio adotta la convenzione ANSI che indica il not con il simbolo: **\+**

```
disoccupato(X) :- adulto(X),  
                \+(occupato(X)).
```

```
occupato(giovanni).
```

```
adulto(mario).
```

```
?- \+(occupato(mario)).
```

```
yes
```

ESEMPIO

- Consideriamo lo stesso programma:

```
(c11) disoccupato(X) :- adulto(X),  
                        \+ (occupato(X)).
```

```
(c12) occupato(giovanni).
```

```
(c13) adulto(mario).
```

- E la query (ground):

```
:-disoccupato(mario).
```

*Vogliamo sapere se
mario e'
disoccupato.*

- E la risposta è **yes**

ESEMPIO

- Consideriamo il seguente programma:

```
(c11) disoccupato (X) :- adulto (X) ,  
                        \+ (occupato (X)) .
```

```
(c12) occupato (giovanni) .
```

```
(c13) adulto (mario) .
```

- E la query: `:- disoccupato (X) .`

*Vogliamo sapere se
esiste un X tale che
disoccupato (X) .*

- Che risposta otteniamo?

ESEMPIO

- Consideriamo il seguente programma:

```
(c11) disoccupato (X) :- adulto (X) ,  
                               \+ (occupato (X)) .
```

```
(c12) occupato (giovanni) .
```

```
(c13) adulto (mario) .
```

- E la query: `:- disoccupato (X) .`

*Vogliamo sapere se
esiste un **X** tale che
disoccupato (X) .*

- Che risposta otteniamo?
- Yes X=mario

ESEMPIO

- Consideriamo lo stesso programma, ma con i due sottogoal nel corpo della clausola scambiati:

(c11) `disoccupato(X) :- \+(occupato(X)),
adulto(X).`

(c12) `occupato(giovanni).`

(c13) `adulto(mario).`

- e la query (ground):

`:-disoccupato(X).`

*Vogliamo sapere se
esiste X che e'
disoccupato.*

- la risposta è `no`

ESEMPIO

- Cambiamo ora l'ordine dei letterali nella prima clausola:

```
(c11) disoccupato (X) :- adulto (X) ,  
                               \+ (occupato (X) ) .
```

```
(c12) occupato (giovanni) .
```

```
(c13) adulto (mario) .
```

- E la query: `:- disoccupato (X) .`

*Vogliamo sapere se
esiste un **X** tale che
disoccupato (X) .*

- Dal programma ci aspettiamo e otteniamo come risposta **yes**
con **X/mario**

*Scambiando i letterali, il
letterale negativo viene
selezionato quando e' ground*

ESEMPIO

- Consideriamo il seguente programma:

```
(c11) disoccupato(X) :- adulto(X), nonvar(X),  
                        \+(occupato(X)).
```

```
(c12) occupato(giovanni).
```

```
(c13) adulto(mario).
```

- E la query: `:- disoccupato(X).`

*Vogliamo sapere se
esiste un X tale che
disoccupato(X).*

- Che risposta otteniamo?

RIASSUMENDO

- Prolog non adotta una regola di selezione *safe*
- Questo fa perdere la correttezza del sistema di dimostrazione
-
- Usando la regola di selezione di Prolog, si possono ottenere risultati diversi da quelli attesi a causa delle quantificazioni delle variabili.
- E' buona regola di programmazione verificare che i goal negativi siano sempre *ground* al momento della selezione.
- Questo controllo è a carico dell'utente programmatore !!
(esistono *predicati predefiniti* `var` e `nonvar`)