

Nome, Cognome .....

Matricola .....

**ANALISI MATEMATICA A & B**  
– PROVA SCRITTA –  
**13 LUGLIO 2020 - TURNO 4**

CORSO DI LAUREA IN INGEGNERIA MECCANICA – A.A. 2019/2020

**Libri, appunti e calcolatrici non ammessi**

- Lo studente scriva solo la risposta, direttamente su un foglio bianco.  
Al termine della prova, dovrà inviarne una foto  
all'indirizzo `lorenzo.brasco@unife.it`
- Ogni esercizio vale 3 punti, in caso di risposta corretta
- Il voto massimo totalizzabile con la prova scritta è 25/30

**Esercizio 1.** Sia  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1\}$ , si calcolino

$$\max_{(x,y) \in A} (x^2 + 2y^2) = 2 \qquad \min_{(x,y) \in A} (x^2 + 2y^2) = 0$$

**Esercizio 2.** Si dica quali tra i seguenti sono punti sella per la funzione  $f(x, y) = x^3 + y^2 - 3x^2y$

$$(0, 0) \quad \left(\frac{1}{3}, \frac{1}{6}\right) \quad \left(-\frac{1}{3}, -\frac{1}{6}\right) \quad (1, 1) \text{ i primi due}$$

**Esercizio 3.** Si scriva l'equazione del piano tangente al grafico di  $f(x, y) = \sqrt{x^2 + y}$  nel punto  $(0, 1, 1)$

$$z = 1 + \frac{1}{2}(y - 1)$$

**Esercizio 4.** Si calcoli la lunghezza della curva  $\gamma(t) = (\cos^2 t, \cos t \sin t)$  con  $t \in [0, \pi]$

$$\ell(\gamma) = \pi$$

**Esercizio 5.** Si calcoli il baricentro dell'insieme  $E = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1 \text{ e } y \geq x\}$

$$\mathbf{b}^E = \left(-\frac{2\sqrt{2}}{3\pi}, \frac{2\sqrt{2}}{3\pi}\right)$$

**Esercizio 6.** Si calcoli il lavoro del campo vettoriale  $\mathbf{F}(x, y) = (y^2, 2xy + 1)$  lungo la curva  $\gamma(t) = (3 \cos t, \sin t)$  con  $t \in [0, 2\pi]$

$$L = 0$$

**Esercizio 7.** Si calcoli il flusso del campo vettoriale  $\mathbf{F}(x, y, z) = (x, 0, 0)$  attraverso  $\Sigma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x^2 + y^2 \leq 1, z = x^2 + y^2\}$

$$\Phi = -\frac{\pi}{2}$$

**Esercizio 8.** Si calcoli il seguente limite

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x+x^2} - 1 - \sin(2x)}{\cos x - 1} = -6$$

**Esercizio 9.** Si trovino tutte le soluzioni dell'equazione trigonometrica  $\cos(2x) = \sin x$

$$\left\{\frac{3}{2}\pi + 2k\pi : k \in \mathbb{Z}\right\} \cup \left\{\frac{\pi}{6} + 2k\pi : k \in \mathbb{Z}\right\} \cup \left\{\frac{5}{6}\pi + 2k\pi : k \in \mathbb{Z}\right\}$$

**Esercizio 10.** Si dica quali tra le seguenti serie numeriche risultano convergenti

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 3} \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{100^n}{n!} \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{7^n}{n^7} \quad \sum_{n=1}^{\infty} \log\left(\cos\left(\frac{1}{n}\right)\right) \text{ seconda e quarta}$$